

Seat No.: \_\_\_\_\_

Enrolment No. \_\_\_\_\_

**GUJARAT TECHNOLOGICAL UNIVERSITY**  
**DIPLOMA ENGINEERING – SEMESTER – I/II • EXAMINATION – SUMMER- 2017**

**Subject Code: 3300001**

**Date: 12 - 06- 2017**

**Subject Name: Basic Mathematics**

**Time: 02:30 PM TO 05:00 PM**

**Total Marks: 70**

**Instructions:**

1. Attempt all questions.
2. Make suitable assumptions wherever necessary.
3. Figures to the right indicate full marks.
4. Each question carry equal marks (14 marks)

<b>Q.1</b> Fill in the blanks using appropriate choice from the given options. <span style="float: right;">14</span>			
1	$\log_3(\log_3 27) = \underline{\hspace{2cm}}$	a. -3      b. 0      c. 1      d. 3	
2	$\log_3(\log_3 27) = \underline{\hspace{2cm}}$	a. -3      b. 0      c. 1      d. 3	
3	$If \sqrt{\log_2 x} = 3 \text{ then } x = \underline{\hspace{2cm}}$	a. 8      b. 512      c. 9      d. 81	
4	$If \sqrt{\log_2 x} = 3 \text{ then } x = \underline{\hspace{2cm}}$	a. 8      b. 512      c. 9      d. 81	
5	$16^{-\log_{16}\frac{2}{5}} = \underline{\hspace{2cm}}$	a. $\frac{2}{5}$ b. $-\frac{5}{2}$ c. $\frac{5}{2}$ d. $-\frac{2}{5}$	
6	$16^{-\log_{16}\frac{2}{5}} = \underline{\hspace{2cm}}$	a. $\frac{2}{5}$ b. $-\frac{5}{2}$ c. $\frac{5}{2}$ d. $-\frac{2}{5}$	
7	$ 2007 \quad 2008 \quad 2009  \\  2010 \quad 2011 \quad 2012  = \underline{\hspace{2cm}}$	a. 2016      b. 0      c. 2024      d. 2033	
8	$ 2007 \quad 2008 \quad 2009  \\  2010 \quad 2011 \quad 2012  = \underline{\hspace{2cm}}$	a. 2016      b. 0      c. 2024      d. 2033	
9	$ 2007 \quad 2008 \quad 2009  \\  2010 \quad 2011 \quad 2012  = \underline{\hspace{2cm}}$	a. 2016      b. 0      c. 2024      d. 2033	
10	$If A = [2 \quad 0 \quad 5] \text{ and } B = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix} \text{ then } BA = \underline{\hspace{2cm}}$	a. [22]      b. $\begin{bmatrix} 2 & 0 & 5 \\ 6 & 0 & 15 \\ 5 & 0 & 20 \end{bmatrix}$ c. $\begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 20 \end{bmatrix}$ d. [2 0 20]	

- ૪ જો  $A = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 5 \end{bmatrix}$  અને  $B = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix}$  હોય તો  $BA = \underline{\quad}$   
 અ. [22]      અ.  $\begin{bmatrix} 2 & 0 & 5 \\ 6 & 0 & 15 \\ 5 & 0 & 20 \end{bmatrix}$       સ.  $\begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 20 \end{bmatrix}$       સ. [2 0 20]
- ૫ કોઈપણ ચોરસ શ્રેણીક અને જો  $A^2 - 3A + 4I = 0$  હોય તો  $A^{-1} = \underline{\quad}$   
 અ.  $\frac{1}{4}(3I - A)$       બ.  $\frac{1}{4}(A - 3I)$       ચ.  $\frac{1}{4}A$       દ.  $\frac{1}{3}A^2 + 4$
- ૬ For any square matrix  $A$ , if  $A^2 - 3A + 4I = 0$  then  $A^{-1} = \underline{\quad}$   
 અ.  $\frac{1}{4}(3I - A)$       બ.  $\frac{1}{4}(A - 3I)$       ચ.  $\frac{1}{4}A$       દ.  $\frac{1}{3}A^2 + 4$
- ૭ If  $A$  is non singular matrix then  $\underline{\quad}$   
 અ.  $A^T = A$       બ.  $A^T = -A$       ચ.  $|A| \neq 0$       દ.  $|A| = 0$
- ૮ જો  $A$  સામાન્ય શ્રેણીક હોય તો  $\underline{\quad}$   
 અ.  $A^T = A$       અ.  $A^T = -A$       ચ.  $|A| \neq 0$       સ.  $|A| = 0$
- ૯  $216^0 = \underline{\quad}$  radian  
 અ.  $\frac{5\pi}{6}$       બ.  $\frac{5\pi}{3}$       ચ.  $\frac{6\pi}{5}$       દ.  $\frac{3\pi}{5}$
- ૧૦  $216^0 = \underline{\quad}$  radian  
 અ.  $\frac{5\pi}{6}$       અ.  $\frac{5\pi}{3}$       ચ.  $\frac{6\pi}{5}$       સ.  $\frac{3\pi}{5}$
- ૧૧ The principal period of  $\sin^2 36 + \cos^2 36$  is  $\underline{\quad}$   
 અ. 36      બ. 1      ચ.  $2\pi$       દ. Not possible
- ૧૨  $\sin^2 36 + \cos^2 36$  નું મુખ્ય આવર્ત્તિનાન  $\underline{\quad}$  છે  
 અ. 36      અ. 1      ચ.  $2\pi$       સ. અશક્ય છે.
- ૧૩ In  $\Delta ABC$ ,  $\sec\left(\frac{B+C}{2}\right) = \underline{\quad}$   
 અ.  $\cosec \frac{A}{2}$       બ.  $\cosec A$       ચ.  $\sec \frac{A}{2}$       દ.  $\sec A$
- ૧૪  $\Delta ABC$  નું  $\sec\left(\frac{B+C}{2}\right) = \underline{\quad}$   
 અ.  $\cosec \frac{A}{2}$       અ.  $\cosec A$       ચ.  $\sec \frac{A}{2}$       સ.  $\sec A$
- ૧૫  $3 \sin 20 - 4 \sin^3 20 = \underline{\quad} -$   
 અ.  $\frac{1}{2}$       બ.  $-1$       ચ.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$       દ.  $-\frac{1}{2}$
- ૧૬  $3 \sin 20 - 4 \sin^3 20 = \underline{\quad} -$   
 અ.  $\frac{1}{2}$       અ.  $-1$       ચ.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$       સ.  $-\frac{1}{2}$
- ૧૭ The area of a circle made from  $8\pi$  cm long wire is  $\underline{\quad}$  sq.cm.  
 અ.  $4\pi$       બ.  $16\pi$       ચ.  $8\pi$       દ.  $12\pi$
- ૧૮  $8\pi$  સે.પી. લાંબા વાયર માંથી બનતા વર્તળ નું ક્ષેત્રફળ  $\underline{\quad}$  છે.  
 અ.  $4\pi$       અ.  $16\pi$       ચ.  $8\pi$       સ.  $12\pi$

13 Formula for surface area of a close cylinder is \_\_\_\_\_

- a.  $\pi r(h + r)$       b.  $2\pi rh$       c.  $2\pi r(h + r)$       d.  $\pi r^2 h$

13 બંધ નળાકાર નું કુલ પૃષ્ઠફળ માટે નું સુત્ર \_\_\_\_\_

- a.  $\pi r(h + r)$       b.  $2\pi rh$       c.  $2\pi r(h + r)$       d.  $\pi r^2 h$

14 The perimeter of square whose area is 100 sq. cm. is \_\_\_\_\_

- a. 10 cm      b. 20 cm      c. 40 cm      d. 60 cm

14 100 ચો. સે. મી. ક્ષેત્રફળ વાળા ચોરસ ની પરિમિતિ = \_\_\_\_\_

- a. 10 cm      b. 20 cm      c. 40 cm      d. 60 cm

Q.2 (a) Attempt any two કોઇપણ બે ના જવાબ આપો.

06

1. If  $\log_{10} 2 = 0.30103$  and  $\log_{10} 3 = 0.47712$  then evaluate  $\log_{10} 5$  and  $\log_{10} 1.2$  without using logtable

2. જો  $\log_{10} 2 = 0.30103$  અને  $\log_{10} 3 = 0.47712$  હોય તો  $\log_{10} 5$  અને  $\log_{10} 1.2$  ની કિમતો લઘુગણક કોષ્ટક નો ઉપયોગ કર્યા વગાર શોધો

3. The diameter of a circle is 100 cm. If the angle between two radii is  $36^\circ$  then find the length of the arc cut off by them. (take  $\pi = 3.142$ )

4. એક વર્તુળ નો વ્યાસ 100 સેમી. જો બે ત્રિજ્યા ઓ વર્ચેનો ખૂણો  $36^\circ$  હોય તો તેમના દ્વારા કપાયેલ ચાપની લંબાઈ શોધો

5. The surface area of a sphere is 616 sq. cm. Find the diameter of the sphere.

6. એક ગોલકની વક્સપાટી નું ક્ષેત્રફળ 616 ચો. સેમી છે. તો તે ગોલકનો વ્યાસ શોધો

(b) Attempt any two કોઇપણ બે ના જવાબ આપો.

08

1. If  $\log_{2x} x = a$ ,  $\log_{3x} 2x = b$  and  $\log_{4x} 3x = c$  then prove that  $abc + 1 = 2bc$

2. જો  $\log_{2x} x = a$ ,  $\log_{3x} 2x = b$  અને  $\log_{4x} 3x = c$  હોય તો સાબિત કરો કે  $abc + 1 = 2bc$

3. Prove that :  $\log_2 \left( \frac{1}{320} \right) + \frac{1}{\log_{10} 2} + 5 = 0$

4. સાબિત કરો :  $\log_2 \left( \frac{1}{320} \right) + \frac{1}{\log_{10} 2} + 5 = 0$

5. A cylindrical tank of petrol pump has capacity 38500 liters. If the

*diameter of this tank is 3.5 meter then find its height.*

3. એક પેટ્રોલ પંપ ની નળાકાર ટાંકી ની ક્ષમતા 38500 લીટર ની છે. જો તેનો વ્યાસ 3.5 મીટર હોય તો તેની ઊચાઈ શોધો.

**Q.3 (a)** Attempt any two કોઇપણ બે ના જવાબ આપો. 06

1. Evaluate : 
$$\begin{vmatrix} x+a & x+b & x+c \\ y+a & y+b & y+c \\ z+a & z+b & z+c \end{vmatrix}$$

2. કિમત શોધો : 
$$\begin{vmatrix} x+a & x+b & x+c \\ y+a & y+b & y+c \\ z+a & z+b & z+c \end{vmatrix}$$

2. If  $1+x+x^2=0$  and  $x^3=1$  then prove that  
 $\begin{bmatrix} 1 & x^2 \\ x & x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x & x^2 \\ 1 & x^2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$

2. જો  $1+x+x^2=0$  અને  $x^3=1$  હોય તો સાબિત કરો કે  
 $\begin{bmatrix} 1 & x^2 \\ x & x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x & x^2 \\ 1 & x^2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$

3. For what values of  $x$ , the matrix  $\begin{bmatrix} 3-x & 2 & 2 \\ 1 & 4-x & 1 \\ -2 & -4 & -1-x \end{bmatrix}$  is singular?

3.  $x$  ની કઈ કિમતો માટે શ્રેણિક  $\begin{bmatrix} 3-x & 2 & 2 \\ 1 & 4-x & 1 \\ -2 & -4 & -1-x \end{bmatrix}$  સામાન્ય શ્રેણિક થશે?

**(b)** Attempt any two કોઇપણ બે ના જવાબ આપો. 08

1. Evaluate : 
$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & -1 \\ 4 & -5 & 6 \\ -3 & 7 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -6 & 4 \\ -2 & 5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$$

2. કિમત શોધો : 
$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & -1 \\ 4 & -5 & 6 \\ -3 & 7 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -6 & 4 \\ -2 & 5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$$

2. solve by matrix method :  $2x + 3y = 6xy$  and  $x - y = xy$

2. શ્રેણિકની રીતે ઉકેલ શોધો :  $2x + 3y = 6xy$  and  $x - y = xy$

3. prove that every square matrix can be expressed as sum of symmetric matrix and skew symmetric matrix.

3. સાબિત કરો કે કોઇપણ ચોરસ શ્રેણિક ને સંમિત શ્રેણિક અને વિસંમિત શ્રેણિક ના સરવાળા તરીકે દર્શાવી શકાય છે.

**Q.4 (a)** Attempt any two કોઇપણ બે ના જવાબ આપો. 06

1. prove that :  $\cos \frac{\pi}{13} + \cos \frac{8\pi}{13} + \cos \frac{12\pi}{13} + \cos \frac{5\pi}{13} = 0$
1. સાબિત કરો :  $\cos \frac{\pi}{13} + \cos \frac{8\pi}{13} + \cos \frac{12\pi}{13} + \cos \frac{5\pi}{13} = 0$
2. If  $\sin \alpha = 0.5$  then find the values of  $\sin 3\alpha$  and  $\cos 3\alpha$
2. જો  $\sin \alpha = 0.5$  હોય તો  $\sin 3\alpha$  અને  $\cos 3\alpha$  ની કિમતો શોધો
3. If  $\tan \theta = -\frac{3}{4}$  and  $\sin \theta > 0$  then find the value of  $\sin \frac{\theta}{2}$  and  $\cos \frac{\theta}{2}$
3. જો  $\tan \theta = -\frac{3}{4}$  અને  $\sin \theta > 0$  હોય તો  $\sin \frac{\theta}{2}$  અને  $\cos \frac{\theta}{2}$  ની કિમતો શોધો

(b) Attempt any two કોઇપણ બે ના જવાબ આપો.

08

1. Without using logtable, find the value of  $\cos 72^\circ$
1. લઘુગુણક કોષ્ટક નો ઉપયોગ કર્યું વગર  $\cos 72^\circ$  ની કિમત શોધો
2. If  $2\cos(x+\theta)\cos(x-\theta) = 1$  then prove that  $\tan^2 x = \frac{1 - \tan^2 \theta}{1 + 3\tan^2 \theta}$
2. જો  $2\cos(x+\theta)\cos(x-\theta) = 1$  હોય તો સાબિત કરો કે  $\tan^2 x = \frac{1 - \tan^2 \theta}{1 + 3\tan^2 \theta}$
3. Prove that :  $\tan^{-1} \left[ \frac{\cos x}{1 + \sin x} \right] = \frac{\pi}{4} - \frac{x}{2}$
3. સાબિત કરો :  $\tan^{-1} \left[ \frac{\cos x}{1 + \sin x} \right] = \frac{\pi}{4} - \frac{x}{2}$

**Q.5** (a) Attempt any two કોઇપણ બે ના જવાબ આપો.

06

1. If  $a = 3\vec{i} - \vec{j} - 4\vec{k}$ ,  $b = 4\vec{j} - 2\vec{i} - 3\vec{k}$  and  $c = \vec{i} - \vec{k} + 2\vec{j}$  then find the direction cosines of  $3a - 2b + 4c$
1. જો  $a = 3\vec{i} - \vec{j} - 4\vec{k}$ ,  $b = 4\vec{j} - 2\vec{i} - 3\vec{k}$  અને  $c = \vec{i} - \vec{k} + 2\vec{j}$  હોય તો  $3a - 2b + 4c$  ના દિક્ક ઓસાઈનો શોધો.
2. Simplify :  $(10\vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k}) \cdot [(\vec{i} + 2\vec{k} - 2\vec{j}) \times (3\vec{i} - 2\vec{j} - 2\vec{k})]$
2. સાર્ફ રૂપ આપો :  $(10\vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k}) \cdot [(\vec{i} + 2\vec{k} - 2\vec{j}) \times (3\vec{i} - 2\vec{j} - 2\vec{k})]$
3. If  $A = \vec{i} - \vec{j} - 3\vec{k}$  and  $B = \vec{j} + 2\vec{i} - \vec{k}$  then prove that  $(A \times B)$  is perpendicular to  $A$
3. જો  $A = \vec{i} - \vec{j} - 3\vec{k}$  અને  $B = \vec{j} + 2\vec{i} - \vec{k}$  હોય તો સાબિત કરો કે  $(A \times B)$  એ  $A$  ને લંબ છે.

(b) Attempt any two કોઈપણ બે ના જવાબ આપો.

1. If  $x = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$  and  $y = 2\vec{i} - \vec{j} - \vec{k}$ , then show that  $x$  is perpendicular to  $y$ . Also find a vector which is perpendicular to both  $x$  and  $y$ .
2. If  $x = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$  and  $y = 2\vec{i} - \vec{j} - \vec{k}$ , then show that  $x$  and  $y$  are perpendicular to each other. Also find a vector which is perpendicular to both  $x$  and  $y$ .
3. The constant forces  $3\vec{i} + \vec{k} + 2\vec{j}$  and  $\vec{i} + 5\vec{j} + 2\vec{k}$  acting on a particle displace it from the point  $\vec{i} + 3\vec{j} - 2\vec{k}$  to the point  $3\vec{i} + \vec{j} + 4\vec{k}$ . Find the total work done.
4. A constant force  $3\vec{i} + \vec{k} + 2\vec{j}$  and  $\vec{i} + 5\vec{j} + 2\vec{k}$  acts on a particle. The displacement of the particle is  $\vec{i} + 3\vec{j} - 2\vec{k}$ . Find the angle between the vectors  $3\vec{i} + \vec{j} + 4\vec{k}$  and  $\vec{i} + 5\vec{j} + 2\vec{k}$ .
5. Prove that the angle between the vectors  $\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$  and  $2\vec{i} + \vec{k} - 2\vec{j}$  is  $\sin^{-1}\left(\frac{\sqrt{26}}{3\sqrt{3}}\right)$ .
6. A particle moves from the point  $\vec{i} + 3\vec{j} - 2\vec{k}$  to the point  $3\vec{i} + \vec{j} + 4\vec{k}$ . Find the work done by the force  $3\vec{i} + \vec{k} + 2\vec{j}$  on the particle.

\*\*\*\*\*